

- 1、(8%) 學生期末成績不理想，找教授求情，有些原因屬實，有些是藉口。教授根據學生的說詞，可以查出 95% 為藉口，但 2% 為事實的說詞會被誤認為藉口。假設學生的求情理由中約有 1% 為藉口，試問被教授認為是藉口的理由中，說詞屬實的機率是多少？
- 2、(13%) 已知轉學考考場大樓等電梯的時間，期望值為 3 分鐘且具有下面機率分配

$$f(x) = \frac{1}{c} \quad 0 \leq X \leq c$$

- (1) (5%) 求等待時間的變異數？
 - (2) (8%) 假設你於轉學考進場鈴響前 4 分鐘抵達電梯前，求遲到的機率(假設電梯一開門就是教室)？
- 3、(8%) 針對歷年參加轉學考的學生進行調查，發覺有 60% 的考生是退學生。今隨機抽樣 200 名考生進行調查，求退學生的比例介於 55% 至 65% 的機率為何？
 - 4、(16%) 抽取參加轉學考之考生 20 名，其中有 8 名為「退學生」，另外 12 名是「非退學生」，已知退學生統計轉學考之平均成績為 45 分，變異數為 9 分，非退學生之平均成績為 50 分，變異數為 16 分，
 - (1) (8%) 總轉學考生中，退學生與非退學生成績之變異數是否相等？ $\alpha=10\%$
 - (2) (8%) 總轉學考生中，退學生與非退學生平均成績差異之 95% 信賴區間為何？

- 5、(20%) 已知 X_1, \dots, X_{100} 為抽自平均分數為 μ ，變異數為 100 之常態母體的一組考生樣本。今欲利用此組樣本來檢定， $H_0: \mu=75$ ， $H_1: \mu=78$ ，且拒絕域為 $C=\{\bar{X} \geq k\}$ ，試求：

- (1) (10%) 若 $\alpha=0.05$ ，則 $k=?$
- (2) (10%) 求型 II 誤差 $\beta=?$

- 6、(20%) 某「智慧型衛星計程車」隊老板，為了解考生搭乘計程車應考是否與天氣有關，以決定搭車優惠的適用時機，因此，在各轉學考考場詢問並紀錄天候與考生應考的交通工具。令 $X=0,1,2$ 分別表示搭乘計程車，自行開車，搭捷運或公車來應考； $Y=0,1,2$ 則分別表示晴天，陰天，雨天。共搜集 360 筆樣本資料，其交叉資訊如下表：

YX	0	1	2	合計
0	30	30	40	100
1	45	30	45	120
2	85	30	25	140
合計	160	90	110	360

(1) (5%) 試求 $P(X|Y=1)$ 。

(2) (10%) 請檢測，天候與如何應考間是否相關? ($\alpha=0.05$)

(3) (5%) 如果你是衛星計程車隊老闆，你是否會推出轉學考搭乘特惠專案? 請說明你的理由。若會，特惠專案會如何設計? 請說明你的理由?

7. (15%) 若 $X_1, X_2, \dots, X_{11} \sim N(0, 1)$ 且彼此獨立，求解下列各值

(1) (5%) $Y = X_1^2 + X_2^2 + X_3^2 + \dots + X_{11}^2$ ，已知 $P(3.8157 < Y < c) = 0.925$ ，求 $c = ?$

(2) (5%) $X_i \sim N(42, 64)$ ，求 $P\left(614 < \sum_{i=1}^{20} (X_i - 42)^2 < 1810\right) = ?$

(3) (5%) 若 $X_i \sim N(\mu, 64)$ ，令 $Y = \sum_{i=1}^{20} (X_i - \bar{X})^2 / 64$ ，求 $V(Y) = ?$



$\alpha=0.05$ ，上方數字為 df1 (分子自由度)，

左方為 df2 (分母自由度)

df1 \ df2	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19
3	10.13	9.55	9.28	9.12	9.01	8.94	8.89	8.85	8.81	8.79	8.76	8.74	8.73	8.71	8.70	8.69	8.68	8.67	8.67
4	7.71	6.94	6.59	6.39	6.26	6.16	6.09	6.04	6.00	5.96	5.94	5.91	5.89	5.87	5.86	5.84	5.83	5.82	5.81
5	6.61	5.79	5.41	5.19	5.05	4.95	4.88	4.82	4.77	4.74	4.70	4.68	4.66	4.64	4.62	4.60	4.59	4.58	4.57
6	5.99	5.14	4.76	4.53	4.39	4.28	4.21	4.15	4.10	4.06	4.03	4.00	3.98	3.96	3.94	3.92	3.91	3.90	3.88
7	5.59	4.74	4.35	4.12	3.97	3.87	3.79	3.73	3.68	3.64	3.60	3.57	3.55	3.53	3.51	3.49	3.48	3.47	3.46
8	5.32	4.46	4.07	3.84	3.69	3.58	3.50	3.44	3.39	3.35	3.31	3.28	3.26	3.24	3.22	3.20	3.19	3.17	3.16
9	5.12	4.26	3.86	3.63	3.48	3.37	3.29	3.23	3.18	3.14	3.10	3.07	3.05	3.03	3.01	2.99	2.97	2.96	2.95
10	4.96	4.10	3.71	3.48	3.33	3.22	3.14	3.07	3.02	2.98	2.94	2.91	2.89	2.86	2.85	2.83	2.81	2.80	2.79
11	4.84	3.98	3.59	3.36	3.20	3.09	3.01	2.95	2.90	2.85	2.82	2.79	2.76	2.74	2.72	2.70	2.69	2.67	2.66
12	4.75	3.89	3.49	3.26	3.11	3.00	2.91	2.85	2.80	2.75	2.72	2.69	2.66	2.64	2.62	2.60	2.58	2.57	2.56
13	4.67	3.81	3.41	3.18	3.03	2.92	2.83	2.77	2.71	2.67	2.63	2.60	2.58	2.55	2.53	2.51	2.50	2.48	2.47
14	4.60	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85	2.76	2.70	2.65	2.60	2.57	2.53	2.51	2.48	2.46	2.44	2.43	2.41	2.40
15	4.54	3.68	3.29	3.06	2.90	2.79	2.71	2.64	2.59	2.54	2.51	2.48	2.45	2.42	2.40	2.38	2.37	2.35	2.34
16	4.49	3.63	3.24	3.01	2.85	2.74	2.66	2.59	2.54	2.49	2.46	2.42	2.40	2.37	2.35	2.33	2.32	2.30	2.29
17	4.45	3.59	3.20	2.96	2.81	2.70	2.61	2.55	2.49	2.45	2.41	2.38	2.35	2.33	2.31	2.29	2.27	2.26	2.24
18	4.41	3.55	3.16	2.93	2.77	2.66	2.58	2.51	2.46	2.41	2.37	2.34	2.31	2.29	2.27	2.25	2.23	2.22	2.20
19	4.38	3.52	3.13	2.90	2.74	2.63	2.54	2.48	2.42	2.38	2.34	2.31	2.28	2.26	2.23	2.21	2.20	2.18	2.17
20	4.35	3.49	3.10	2.87	2.71	2.60	2.51	2.45	2.39	2.35	2.31	2.28	2.25	2.23	2.20	2.18	2.17	2.15	2.14
22	4.30	3.44	3.05	2.82	2.66	2.55	2.46	2.40	2.34	2.30	2.26	2.23	2.20	2.17	2.15	2.13	2.11	2.10	2.08
24	4.26	3.40	3.01	2.78	2.62	2.51	2.42	2.36	2.30	2.25	2.22	2.18	2.15	2.13	2.11	2.09	2.07	2.05	2.04
26	4.23	3.37	2.98	2.74	2.59	2.47	2.39	2.32	2.27	2.22	2.18	2.15	2.12	2.09	2.07	2.05	2.03	2.02	2.00
28	4.20	3.34	2.95	2.71	2.56	2.45	2.36	2.29	2.24	2.19	2.15	2.12	2.09	2.06	2.04	2.02	2.00	1.99	1.97
30	4.17	3.32	2.92	2.69	2.53	2.42	2.33	2.27	2.21	2.16	2.13	2.09	2.06	2.04	2.01	1.99	1.98	1.96	1.95
35	4.12	3.27	2.87	2.64	2.49	2.37	2.29	2.22	2.16	2.11	2.08	2.04	2.01	1.99	1.96	1.94	1.92	1.91	1.89
40	4.08	3.23	2.84	2.61	2.45	2.34	2.25	2.18	2.12	2.08	2.04	2.00	1.97	1.95	1.92	1.90	1.89	1.87	1.85

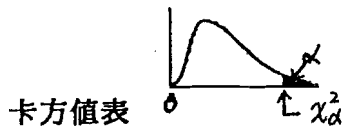
本試題採
雙面印刷

第1頁共2頁

系組：經濟學系三年級

日期節次：7 月 30 日第 4 節 15:20-16:40

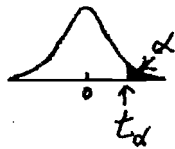
科目：統計學 (140-157)



卡方值表

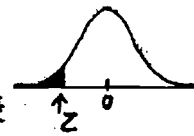
df	$\chi^2_{0.995}$	$\chi^2_{0.99}$	$\chi^2_{0.975}$	$\chi^2_{0.95}$	$\chi^2_{0.90}$	$\chi^2_{0.10}$	$\chi^2_{0.05}$	$\chi^2_{0.025}$	$\chi^2_{0.01}$	$\chi^2_{0.005}$	df
1	0.000	0.000	0.001	0.004	0.016	2.706	3.841	5.024	6.635	7.879	1
2	0.010	0.020	0.051	0.103	0.211	4.605	5.991	7.378	9.210	10.597	2
3	0.072	0.115	0.216	0.352	0.584	6.251	7.815	9.348	11.345	12.838	3
4	0.207	0.297	0.484	0.711	1.064	7.779	9.488	11.143	13.277	14.860	4
5	0.412	0.554	0.831	1.145	1.610	9.236	11.070	12.833	15.086	16.750	5
6	0.676	0.872	1.237	1.635	2.204	10.645	12.592	14.449	16.812	18.548	6
7	0.989	1.239	1.690	2.167	2.833	12.017	14.067	16.013	18.475	20.278	7
8	1.344	1.646	2.180	2.733	3.490	13.362	15.507	17.535	20.090	21.955	8
9	1.735	2.088	2.700	3.325	4.168	14.684	16.919	19.023	21.666	23.589	9
10	2.156	2.558	3.247	3.940	4.865	15.987	18.307	20.483	23.209	25.188	10
11	2.603	3.053	3.816	4.575	5.578	17.275	19.675	21.920	24.725	26.757	11
12	3.074	3.571	4.404	5.226	6.304	18.549	21.026	23.337	26.217	28.300	12
13	3.565	4.107	5.009	5.892	7.042	19.812	22.362	24.736	27.688	29.819	13
14	4.075	4.660	5.629	6.571	7.790	21.064	23.685	26.119	29.141	31.319	14
15	4.601	5.229	6.262	7.261	8.547	22.307	24.996	27.488	30.578	32.801	15
16	5.142	5.812	6.908	7.962	9.312	23.542	26.296	28.845	32.000	34.267	16
17	5.697	6.408	7.564	8.672	10.085	24.769	27.587	30.191	33.409	35.718	17
18	6.265	7.015	8.231	9.390	10.865	25.989	28.869	31.526	34.805	37.156	18
19	6.844	7.633	8.907	10.117	11.651	27.204	30.143	32.852	36.191	38.582	19
20	7.434	8.260	9.591	10.851	12.443	28.412	31.410	34.170	37.566	39.997	20
21	8.034	8.897	10.283	11.591	13.240	29.615	32.671	35.479	38.932	41.401	21
22	8.643	9.542	10.982	12.338	14.041	30.813	33.924	36.781	40.290	42.796	22
23	9.260	10.196	11.689	13.091	14.848	32.007	35.172	38.076	41.638	44.181	23
24	9.886	10.856	12.401	13.848	15.659	33.196	36.415	39.364	42.980	45.559	24
25	10.520	11.524	13.120	14.611	16.473	34.382	37.653	40.647	44.314	46.928	25
26	11.160	12.198	13.844	15.379	17.292	35.563	38.885	41.923	45.642	48.290	26
27	11.808	12.879	14.573	16.151	18.114	36.741	40.113	43.195	46.963	49.645	27
28	12.461	13.565	15.308	16.928	18.939	37.916	41.337	44.461	48.278	50.994	28
29	13.121	14.256	16.047	17.708	19.768	39.087	42.557	45.722	49.588	52.336	29
30	13.787	14.953	16.791	18.493	20.599	40.256	43.773	46.979	50.892	53.672	30
40	20.707	22.164	24.433	26.509	29.051	51.805	55.759	59.342	63.691	66.767	40
50	27.991	29.707	32.357	34.764	37.689	63.167	67.505	71.420	76.154	79.490	50
60	35.534	37.485	40.482	43.188	46.459	74.397	79.082	83.298	88.381	91.955	60
70	43.275	45.442	48.758	51.739	55.329	85.527	90.531	95.023	100.424	104.213	70
80	51.172	53.540	57.153	60.391	64.278	96.578	101.879	106.628	112.328	116.320	80
90	59.196	61.754	65.647	69.126	73.291	107.565	113.145	118.135	124.115	128.296	90
100	67.328	70.065	74.222	77.930	82.358	118.499	124.343	129.563	135.811	140.177	100

大學



t 值表

df	t _{0.10}	t _{0.05}	t _{0.025}	t _{0.01}	t _{0.005}	df
1	3.078	6.314	12.706	31.821	63.657	1
2	1.886	2.920	4.303	6.965	9.925	2
3	1.638	2.353	3.182	4.541	5.841	3
4	1.533	2.132	2.776	3.747	4.604	4
5	1.476	2.015	2.571	3.365	4.032	5
6	1.440	1.943	2.447	3.143	3.707	6
7	1.415	1.895	2.365	2.998	3.499	7
8	1.397	1.860	2.306	2.896	3.355	8
9	1.383	1.833	2.262	2.821	3.250	9
10	1.372	1.812	2.228	2.764	3.169	10
11	1.363	1.796	2.201	2.718	3.106	11
12	1.356	1.782	2.179	2.681	3.055	12
13	1.350	1.771	2.160	2.650	3.012	13
14	1.345	1.761	2.145	2.624	2.977	14
15	1.341	1.753	2.131	2.602	2.947	15
16	1.337	1.746	2.120	2.583	2.921	16
17	1.333	1.740	2.110	2.567	2.898	17
18	1.330	1.734	2.101	2.552	2.878	18
19	1.328	1.729	2.093	2.539	2.861	19
20	1.325	1.725	2.086	2.528	2.845	20
21	1.323	1.721	2.080	2.518	2.831	21
22	1.321	1.717	2.074	2.508	2.819	22
23	1.319	1.714	2.069	2.500	2.807	23
24	1.318	1.711	2.064	2.492	2.797	24
25	1.316	1.708	2.060	2.485	2.787	25
26	1.315	1.706	2.056	2.479	2.779	26
27	1.314	1.703	2.052	2.473	2.771	27
28	1.313	1.701	2.048	2.467	2.763	28
29	1.311	1.699	2.045	2.462	2.756	29
30	1.310	1.697	2.042	2.457	2.750	30
35	1.306	1.690	2.030	2.438	2.724	35
40	1.303	1.684	2.021	2.423	2.704	40
50	1.299	1.676	2.009	2.403	2.678	50
60	1.296	1.671	2.000	2.390	2.660	60
70	1.294	1.667	1.994	2.381	2.648	70
80	1.292	1.664	1.990	2.374	2.639	80
90	1.291	1.662	1.987	2.369	2.632	90
100	1.290	1.660	1.984	2.364	2.626	100
1000	1.282	1.646	1.962	2.330	2.581	1000



Z 值表

z	Second decimal place in z									
	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	0.5000	0.5040	0.5080	0.5120	0.5160	0.5199	0.5239	0.5279	0.5319	0.5359
0.1	0.5398	0.5438	0.5478	0.5517	0.5557	0.5596	0.5636	0.5675	0.5714	0.5753
0.2	0.5793	0.5832	0.5871	0.5910	0.5948	0.5987	0.6026	0.6064	0.6103	0.6141
0.3	0.6179	0.6217	0.6255	0.6293	0.6331	0.6368	0.6406	0.6443	0.6480	0.6517
0.4	0.6554	0.6591	0.6628	0.6664	0.6700	0.6736	0.6772	0.6808	0.6844	0.6879
0.5	0.6915	0.6950	0.6985	0.7019	0.7054	0.7088	0.7123	0.7157	0.7190	0.7224
0.6	0.7257	0.7291	0.7324	0.7357	0.7389	0.7422	0.7454	0.7486	0.7517	0.7549
0.7	0.7580	0.7611	0.7642	0.7673	0.7704	0.7734	0.7764	0.7794	0.7823	0.7852
0.8	0.7881	0.7910	0.7939	0.7967	0.7995	0.8023	0.8051	0.8078	0.8106	0.8133
0.9	0.8159	0.8186	0.8212	0.8238	0.8264	0.8289	0.8315	0.8340	0.8365	0.8389
1.0	0.8413	0.8438	0.8461	0.8485	0.8508	0.8531	0.8554	0.8577	0.8599	0.8621
1.1	0.8643	0.8665	0.8686	0.8708	0.8729	0.8749	0.8770	0.8790	0.8810	0.8830
1.2	0.8849	0.8869	0.8888	0.8907	0.8925	0.8944	0.8962	0.8980	0.8997	0.9015
1.3	0.9032	0.9049	0.9066	0.9082	0.9099	0.9115	0.9131	0.9147	0.9162	0.9177
1.4	0.9192	0.9207	0.9222	0.9236	0.9251	0.9265	0.9279	0.9292	0.9306	0.9319
1.5	0.9332	0.9345	0.9357	0.9370	0.9382	0.9394	0.9406	0.9418	0.9429	0.9441
1.6	0.9452	0.9463	0.9474	0.9484	0.9495	0.9505	0.9515	0.9525	0.9535	0.9545
1.7	0.9554	0.9564	0.9573	0.9582	0.9591	0.9599	0.9608	0.9616	0.9625	0.9633
1.8	0.9641	0.9649	0.9656	0.9664	0.9671	0.9678	0.9686	0.9693	0.9699	0.9706
1.9	0.9713	0.9719	0.9726	0.9732	0.9738	0.9744	0.9750	0.9756	0.9761	0.9767
2.0	0.9772	0.9778	0.9783	0.9788	0.9793	0.9798	0.9803	0.9808	0.9812	0.9817
2.1	0.9821	0.9826	0.9830	0.9834	0.9838	0.9842	0.9846	0.9850	0.9854	0.9857
2.2	0.9861	0.9864	0.9868	0.9871	0.9875	0.9878	0.9881	0.9884	0.9887	0.9890
2.3	0.9893	0.9896	0.9898	0.9901	0.9904	0.9906	0.9909	0.9911	0.9913	0.9916
2.4	0.9918	0.9920	0.9922	0.9925	0.9927	0.9929	0.9931	0.9932	0.9934	0.9936
2.5	0.9938	0.9940	0.9941	0.9943	0.9945	0.9946	0.9948	0.9949	0.9951	0.9952
2.6	0.9953	0.9955	0.9956	0.9957	0.9959	0.9960	0.9961	0.9962	0.9963	0.9964
2.7	0.9965	0.9966	0.9967	0.9968	0.9969	0.9970	0.9971	0.9972	0.9973	0.9974
2.8	0.9974	0.9975	0.9976	0.9977	0.9977	0.9978	0.9979	0.9979	0.9980	0.9981
2.9	0.9981	0.9982	0.9982	0.9983	0.9984	0.9984	0.9985	0.9985	0.9986	0.9986
3.0	0.9987	0.9987	0.9987	0.9988	0.9988	0.9989	0.9989	0.9989	0.9990	0.9990
3.1	0.9990	0.9991	0.9991	0.9991	0.9992	0.9992	0.9992	0.9992	0.9993	0.9993
3.2	0.9993	0.9993	0.9994	0.9994	0.9994	0.9994	0.9994	0.9995	0.9995	0.9995
3.3	0.9995	0.9995	0.9995	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9997
3.4	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9998
3.5	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998	0.9998
3.6	0.9998	0.9998	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999
3.7	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999
3.8	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999	0.9999
3.9	1.0000 [†]									

[†] For z ≥ 3.90, the areas are 1.0000 to four decimal places.

本 試 題 採
双 面 印 刷

第 2 頁 共 2 頁